

Лабораторная работа № 3

ЭЛЕКТРОННЫЕ ТАБЛИЦЫ: РАБОТА С МАТРИЦАМИ

Цель работы: научиться приемам работы с математическими матрицами.

Задачи работы

1. Изучить приемы работы с матрицами.
2. Научиться решать системы линейных алгебраических уравнений.
3. Научиться выполнять проверку решения.

Перечень обеспечивающих средств

Задания лабораторной работы выполняются в электронной таблице *MS Excel 2013* и выше.

Общие теоретические сведения

Система $m \times n$ чисел, расположенных в прямоугольной таблице из m строк и n столбцов, называется *матрицей*. Если $m = n$, то матрица называется квадратной, иначе – прямоугольной.

Над матрицами могут быть выполнены операции:

- сложение, вычитание, умножение матриц;
- умножение и деление матрицы на число;
- транспонирование матрицы;
- нахождение обратной матрицы;
- вычисление определителя.

Операции сложения и вычитания матриц выполняются только с матрицами одинаковой размерности.

При умножении матриц результирующая матрица имеет такое количество строк, как матрица слева, а количество столбцов – как матрица справа. Умножение матриц проводят только в том случае, если количество столбцов первой матрицы равно количеству строк второй матрицы.

При умножении матрицы на число получается матрица такой же размерности, что и исходная, при этом каждый элемент матрицы A умножается на число k.

Транспонирование матрицы – это операция над матрицей, при которой столбцы заменяются строками с соответствующими номерами.

Обратной матрицей по отношению к данной называется матрица, которая, будучи умноженной как справа, так и слева на данную матрицу, дает единичную матрицу. Обратную матрицу можно найти только для квадратной матрицы.

Рассмотрим несколько примеров работы с матрицами на разных рабочих листах.

Пример сложения и вычитания матриц.

Необходимо сложить матрицу $A_{2,3}$ на матрицу $B_{2,3}$, результат представить в виде матрицы $C_{2,3}$.

Необходимо произвести вычитание матрицы $B_{2,3}$ из матрицы $A_{2,3}$, результат представить в виде матрицы $D_{2,3}$.

Решение.

1. Задать значения элементам матриц $A_{2,3}$, $B_{2,3}$ на листе 1 (табл. 1).
2. Выделить место для результирующей матрицы $C_{2,3}$ (диапазон $B8:D9$).
3. Ввести знак равенства (=).
4. Выделить матрицу $A_{2,3}$ (диапазон $B1:D2$).
5. Ввести знак сложения (+).
6. Выделить матрицу $B_{2,3}$ (диапазон $B4:D5$).
7. Нажать одновременно 3 клавиши *Ctrl + Shift + Enter*.
8. В выделенной области $B8:D9$ получим результат сложения матриц (рис. 1).
9. Выделить место для результирующей матрицы $D_{2,3}$ (диапазон $B11:D12$).
10. Ввести знак равенства (=).

11. Выделить матрицу $A_{2,3}$ (диапазон $B1:D2$).
12. Ввести знак вычитания (-).
13. Выделить матрицу $B_{2,3}$ (диапазон $B4:D5$).
14. Нажать одновременно 3 клавиши $Ctrl + Shift + Enter$.
15. В выделенной области $B11:D12$ получим результат вычитания матриц (рис. 1).

Таблица 1

Элементы матриц $A_{2,3}$, $B_{2,3}$

	<i>A</i>	<i>B</i>	<i>C</i>	<i>D</i>	<i>E</i>	<i>F</i>
1	$A_{2,3}=$	1	3	2		
2		3	4	5		
3						
4	$B_{2,3}=$	1	2	3		
5		1	4	1		
6						
7						
8	$C_{2,3}=$					
9						
10						
11	$D_{2,3}=$					
12						
13						

	<i>A</i>	<i>B</i>	<i>C</i>	<i>D</i>
1	$A_{2,3}=$	1	3	2
2		3	4	5
3				
4	$B_{2,3}=$	1	2	3
5		1	4	1
6				
7				
8	$C_{2,3}=$	2	5	5
9		4	8	6
10				
11	$D_{2,3}=$	0	1	-1
12		2	0	4

Рис. 1. Результат сложения и вычитания исходных матриц

Пример перемножения матриц.

Необходимо умножить матрицу $A_{2,3}$ на матрицу $B_{3,3}$, результат представить в виде матрицы $C_{2,3}$.

Решение.

1. Задать значения элементам матриц $A_{2,3}$, $B_{3,3}$ на листе 2 (табл. 2).
2. Выделить место для результирующей матрицы $C_{2,3}$.
3. Нажать на кнопку *Вставить функцию*, расположенную рядом со строкой формул или на вкладке *Формулы*.
4. В открывшемся диалоговом окне *Вставка функции* открыть категорию *Математические* и выбрать из списка функцию *МУМНОЖ*.
5. Задать аргументы функции: выбрать мышью массив 1 – $A_{2,3}$ и массив 2 – $B_{3,3}$ (рис. 2).
6. Нажать одновременно 3 клавиши *Ctrl + Shift + Enter*.
7. В выделенной области $B8:D9$ получим результат перемножения матриц (рис. 3).

Таблица 2

Элементы матриц $A_{2,3}$, $B_{3,3}$

	<i>A</i>	<i>B</i>	<i>C</i>	<i>D</i>	<i>E</i>	<i>F</i>
1	$A_{2,3}=$	1	3	2		
2		3	4	5		
3						
4		1	2	3		
5	$B_{3,3}=$	1	4	1		
6		2	3	3		
7						
8	$C_{2,3}=$					
9						
10						

Рис. 2. Заполнение аргументов функции

	A	B	C	D
1	A _{2,3} =	1	3	2
2		3	4	5
3				
4	B _{2,3} =	1	2	3
5		1	4	1
6				
7				
8	C _{2,3} =	8	20	12
9		17	37	28
10				

Рис. 3. Результат перемножения исходных матриц

Пример умножения и деления матрицы на число.

Необходимо умножить матрицу $A_{2,3}$ на число K , результат представить в виде матрицы $B_{2,3}$.

Необходимо разделить матрицу $A_{2,3}$ на число K , результат представить в виде матрицы $C_{2,3}$.

Решение.

1. Задать значения элементам матрицы $A_{2,3}$ и значение числа K на листе 3 (табл. 3).

2. Выделить место для результирующей матрицы $B_{2,3}$ (диапазон $B8:D9$).

3. Ввести знак равенства (=).
4. Выделить матрицу $A_{2,3}$ (диапазон $B1:D2$).
5. Ввести знак умножения (*).
6. Выделить значение числа K (ячейку $B4$).
7. Нажать одновременно 3 клавиши $Ctrl + Shift + Enter$.
8. В выделенной области $B8:D9$ получим результат умножения матрицы на число (рис. 4).
9. Выделить место для результирующей матрицы $C_{2,3}$ (диапазон $B11:D12$).
10. Ввести знак равенства (=).
11. Выделить матрицу $A_{2,3}$ (диапазон $B1:D2$).
12. Ввести знак деления (/).
13. Выделить значение числа K (ячейку $B4$).
14. Нажать одновременно 3 клавиши $Ctrl + Shift + Enter$.
15. В выделенной области $B11:D12$ получим результат деления матрицы на число (рис. 4).

Таблица 3

Элементы матрицы $A_{2,3}$ и число K

	<i>A</i>	<i>B</i>	<i>C</i>	<i>D</i>	<i>E</i>	<i>F</i>
1	$A_{2,3}=$	1	3	2		
2		3	4	5		
3						
4	$K=$	3				
5						
6						
7						
8	$B_{2,3}=$					
9						
10						
11	$C_{2,3}=$					
12						
13						

	A	B	C	D
1	$A_{2,3} =$	1	3	2
2		3	4	5
3				
4	$B_{2,3} =$	3		
5				
6				
7				
8	$C_{2,3} =$	3	9	6
9		9	12	15
10				
11	$D_{2,3} =$	0,33333	1	0,66667
12		1	1,33333	1,66667

Рис. 4. Результат сложения и вычитания исходных матриц

Пример транспонирования матрицы.

Необходимо транспонировать матрицу $A_{2,3}$, результат представить в виде матрицы $B_{3,2}$.

Решение.

1. Задать значения элементам матрицы $A_{2,3}$ на листе 4 (табл. 4).
2. Выделить место для результирующей матрицы $B_{3,2}$ (диапазон B4:C6).
3. Нажать на кнопку *Вставить функцию*, расположенную рядом со строкой формул или на вкладке *Формулы*.
4. В открывшемся диалоговом окне *Вставка функции* открыть категорию *Ссылки и массивы* и выбрать из списка функцию *ТРАНСП*.
5. Задать аргумент функции: выбрать мышью массив – $A_{2,3}$ (рис. 5).
6. Нажать одновременно 3 клавиши *Ctrl + Shift + Enter*.
7. В выделенной области B4:C6 получим результат транспонирования матрицы $A_{2,3}$ (рис. 6).

Таблица 4

Элементы матрицы $A_{2,3}$

	<i>A</i>	<i>B</i>	<i>C</i>	<i>D</i>	<i>E</i>	<i>F</i>
1	$A_{2,3}=$	1	3	2		
2		3	4	5		
3						
4	$B_{3,2}=$					
5						
6						
7						
8	$C_{2,3}=$					
9						
10						

Скриншот Microsoft Excel, демонстрирующий заполнение аргументов функции `=ТРАНСП(B1:D2)`. Диалоговое окно «Аргументы функции» показывает, что массивом является диапазон ячеек `B1:D2`, который эквивалентен `{1;3;2;3;4;5}` и `{1;3;3;4;2;5}`. Окно содержит описание функции ТРАНСП, которое преобразует вертикальный диапазон ячеек в горизонтальный или наоборот. Внизу диалогового окна есть ссылка на справку по функции.

Рис. 5. Заполнение аргументов функции

	<i>A</i>	<i>B</i>	<i>C</i>	<i>D</i>
1	$A_{2,3}=$	1	3	2
2		3	4	5
3				
4	$C_{2,3}=$	1	3	
5		3	4	
6		2	5	
7				

Рис. 6. Результат транспонирования матрицы

Пример нахождения обратной матрицы.

Необходимо вычислить матрицу, обратную матрице $A_{3,3}$, результат представить в виде матрицы $B_{3,3}$.

Решение.

1. Задать значения элементам матрицы $A_{3,3}$ на листе 5 (табл. 5).
2. Выделить место для результирующей матрицы $B_{3,3}$ (диапазон $B5:D7$).
3. Нажать на кнопку *Вставить функцию*, расположенную рядом со строкой формул или на вкладке *Формулы*.
4. В открывшемся диалоговом окне *Вставка функции* открыть категорию *Математические* и выбрать из списка функцию *МОБР*.
5. Задать аргумент функции: выбрать мышью массив – $A_{3,3}$ (рис. 7).
6. Нажать одновременно 3 клавиши *Ctrl + Shift + Enter*.
7. В выделенной области $B8:D9$ получим результат перемножения матриц (рис. 8).

Таблица 5

Элементы матрицы $A_{3,3}$

	<i>A</i>	<i>B</i>	<i>C</i>	<i>D</i>	<i>E</i>	<i>F</i>
1	$A_{3,3}=$	1	3	2		
2		3	4	5		
3		4	2	1		
4						
5	$B_{3,3}=$					
6						
7						
8						

The screenshot shows the Microsoft Excel interface with the 'Arguments of function' dialog box open. The formula bar at the top displays `=MOMB(B1:D3)`. The main worksheet area shows row 1 with $A_{3,3}=$ and row 5 with $B_{3,3}=(B1:D3)$. Row 5 has a green border around the range B1:D3, which is also highlighted in the dialog box's 'Массив' (Array) field. The dialog box itself has a red box drawn around the 'Массив' field. The 'Массив' field contains the text `B1:D3`. Below it, the formula `= {1;3;2;3;4;5;4;2;1}` is shown, followed by the result `= {-0,24;0,04;0,28;0,68;-0,28;0,04;-0,4;0...}`. The dialog box includes a help button (?), a close button (X), and buttons for OK and Cancel.

Рис. 7. Заполнение аргументов функции

	A	B	C	D
1	$A_{3,3}=$	1	3	2
2		3	4	5
3		4	2	1
4				
5	$B_{3,3}=$	-0,24	0,04	0,28
6		0,68	-0,28	0,04
7		-0,4	0,4	-0,2

Рис. 8. Результат транспонирования матрицы

Пример нахождения определителя матрицы.

Необходимо вычислить определитель матрицы $A_{3,3}$, результат представить в виде числа K .

Решение.

1. Задать значения элементам матрицы $A_{3,3}$ на листе 6 (табл. 6).
2. Выделить ячейку для вычисления определителя (ячейка $B5$).
3. Нажать на кнопку *Вставить функцию*, расположенную рядом со строкой формул или на вкладке *Формулы*.
4. В открывшемся диалоговом окне *Вставка функции* открыть категорию *Математические* и выбрать из списка функцию *МОПРЕД*.
5. Задать аргумент функции: выбрать мышью массив – $A_{3,3}$ (рис. 9).
6. Нажать клавишу *Enter*.
7. В выделенной ячейке $B5$ получим определитель матрицы $A_{3,3}$ (рис. 10).

Таблица 6

Элементы матрицы $A_{3,3}$

	A	B	C	D	E	F
1	$A_{3,3}=$	1	3	2		
2		3	4	5		
3		4	2	1		
4						
5	$K=$					
6						

Рис. 9. Заполнение аргументов функции

	A	B	C	D
1	$A_{3,3} =$	1	3	2
2		3	4	5
3		4	2	1
4				
5	$K =$	(B1:B4)		
6				
7				
8				
9				
10				
11				

Рис. 10. Результат вычисления определителя матрицы

В следующем примере рассмотрим *решение системы линейных алгебраических уравнений методом обратной матрицы*.

Задана система линейных уравнений с тремя неизвестными:

$$\begin{aligned} x_1 + 2 \cdot x_2 + 3 \cdot x_3 &= 4; \\ 4 \cdot x_1 + 3 \cdot x_2 + 2 \cdot x_3 &= 1; \\ x_1 + 3 \cdot x_2 + 2 \cdot x_3 &= 4. \end{aligned} \tag{1}$$

В матричной форме система (1) имеет вид:

$$A_{3,3} \cdot X_{3,1} = B_{3,1}, \tag{2}$$

где $A_{3,3}$ – матрица коэффициентов при неизвестных

$$A_{3,3} := \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 3 & 2 \\ 1 & 3 & 2 \end{pmatrix}; \quad (3)$$

$B_{3,1}$ – вектор правых частей

$$B_{3,1} := \begin{pmatrix} 4 \\ 1 \\ 4 \end{pmatrix}. \quad (4)$$

Вектор неизвестных $X_{3,1}$ может быть найден по формуле:

$$X_{3,1} = A_{3,3}^{-1} \cdot B_{3,1}, \quad (5)$$

где $A_{3,3}^{-1}$ – обратная матрица/

Решение.

1. Заполнить лист 7 электронной таблицы исходными данными. Задать значения элементам матрицы исходных коэффициентов $A_{3,3}$, вектора правых частей $B_{3,1}$ (табл. 7).
2. Использовать функцию *МОБР* для вычисления обратной матрицы $A_{3,3}^{-1}$ (диапазон *B6:D8*).
3. Использовать функцию *МУМНОЖ* для вычисления вектор неизвестных $X_{3,1}$. В качестве аргументов выбрать обратную матрицу $A_{3,3}^{-1}$ (массив1) и вектор правых частей $B_{3,1}$ (массив2).

Результат решения системы линейных уравнений представлен на рис. 11.

Таблица 7

Решение системы линейных алгебраических уравнений

	A	B	C	D	E	F	H
1		Матрица исходных коэффициентов					Вектор правых частей
2		1	2	3			4
3	$A_{3,3} =$	4	3	2		$B_{3,1} =$	1
4		1	3	2			4
5		Обратная матрица					Вектор неизвестных
6							
7	$A_{3,3}^{-1} =$					$X_{3,1} =$	
8							

	A	B	C	D	E	F	G
1		Матрица исходных коэффициентов					Вектор правых частей
2		1	2	3			4
3	$A_{3,3} =$	4	3	2		$B_{3,1} =$	1
4		1	3	2			4
5		Обратная матрица					Вектор неизвестных
6		0	0,3333333333	-0,3333333333			-1
7	$A_{3,3}^{-1} =$	-0,4	-0,0666666667	0,6666666667		$X_{3,1} =$	1
8		0,6	-0,0666666667	-0,3333333333			1

Рис. 11. Решение системы линейных алгебраических уравнений методом обратной матрицы

Рассмотрим пример решения системы линейных алгебраических уравнений методом Крамера (через определители).

Метод Крамера применяется для решения систем линейных алгебраических уравнений (СЛАУ), в которых число неизвестных переменных равно числу уравнений и определитель основной матрицы отличен от нуля.

- На листе 8 следует разместить исходную матрицу исходных коэффициентов $A_{3,3}$ и вектор правых частей $B_{3,1}$ (табл. 7).

2. Далее на листе размещаются 3 матрицы ($C_{3,3}$, $D_{3,3}$, $E_{3,3}$), полученные из матрицы $A_{3,3}$ заменой соответственно 1, 2 и 3 столбцов на вектор правых частей $B_{3,1}$ (рис. 12).

3. Для матрицы исходных коэффициентов $A_{3,3}$ и полученных выше трех матриц $C_{3,3}$, $D_{3,3}$, $E_{3,3}$ вычисляются определители (рис. 13).

4. Значения неизвестных переменных вычисляются путем деления определителей Опред. 1, Опред. 2, Опред. 3 на определитель матрицы $A_{3,3}$ – Гл. опред. (рис. 13).

	A	B	C	D	E	F	G
1		Матрица исходных коэффициентов				Вектор правых частей	
2		1	2	3			4
3	$A_{3,3} =$	4	3	2		$B_{3,1} =$	1
4		1	3	2			4
5							
6		4	2	3			
7	$C_{3,3} =$	1	3	2			
8		4	3	2			
9							
10		1	4	3			
11	$D_{3,3} =$	4	1	2			
12		1	4	2			
13							
14		1	2	4			
15	$E_{3,3} =$	4	3	1			
16		1	3	4			

Рис. 12. Составление матриц $C_{3,3}$, $D_{3,3}$, $E_{3,3}$ на основе матрицы $A_{3,3}$

	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M
1		Матрица исходных коэффициентов					Вектор правых частей						
2		1	2	3			4						
3	$A_{3,3} =$	4	3	2		$B_{3,1} =$	1		Гл. опред.	15			
4		1	3	2			4						
5													
6		4	2	3									
7	$C_{3,3} =$	1	3	2					Опред. 1	-15	X1	-1	
8		4	3	2									
9													
10		1	4	3									
11	$D_{3,3} =$	4	1	2					Опред. 2	15	X2	1	
12		1	4	2									
13													
14		1	2	4									
15	$E_{3,3} =$	4	3	1					Опред. 3	15	X3	1	
16		1	3	4									

Рис. 13. Решение системы линейных алгебраических уравнений методом Крамера

Задания

Задание 1. Вычислить значение выражения (элементов матрицы) по формуле: $E_{2,4} = A_{2,4} * C + B_{2,4} / D$.

Матрица $A_{2,4}$ формируется на основании текущей даты. В первой строке число (две цифры) и месяц (две цифры).

Матрица $B_{2,4}$ формируется аналогичным образом на основе даты рождения любого ученого, внесшего свой вклад в развитие информатики.

Значение С – номер варианта.

Значение D – порядковый номер первой буквы фамилии студента.

Пример выполнения задания представлен на рис. 14.

	A	B	C	D	E	F
1	$A_{2,4} =$	0	6	1	0	
2		2	0	1	9	
3						
4	$B_{2,4} =$	0	1	0	1	
5		2	0	0	1	
6						
7	$C =$	6				
8						
9	$D =$	1				
10						
11	$E_{2,4} =$	0	37	6	1	
12		14	0	6	55	

Рис. 14. Пример выполнения задания 1

Задание 2. Произвести транспонирование матрицы $B_{2,4}$ из задания 1.

Задание 3. Решить систему линейных алгебраических уравнений (СЛАУ) двумя методами: методом обратной матрицы и методом Крамера по заданному варианту. Вместо N указать порядковый номер первой буквы вашей фамилии (согласно русскому алфавиту).

1 вариант	2 вариант
$x_1 + 12 \cdot x_2 - 11 \cdot x_3 + 2 \cdot x_4 = N$ $2 \cdot x_1 - 2 \cdot x_3 = 1$ $5 \cdot x_1 - 5 \cdot x_2 - 7 \cdot x_3 - 13 \cdot x_4 = 25$ $7 \cdot x_1 + 5 \cdot x_2 + 2 \cdot x_3 + 8 \cdot x_4 = 29$	$2 \cdot x_1 + 12 \cdot x_2 - 4 \cdot x_3 + 5 \cdot x_4 = N$ $2 \cdot x_1 - 2 \cdot x_3 = 2$ $6 \cdot x_2 - 12 \cdot x_3 + 11 \cdot x_4 = 39$ $8 \cdot x_1 - 2 \cdot x_2 + 3 \cdot x_3 - x_4 = 7$
3 вариант	4 вариант
$3 \cdot x_1 - 10 \cdot x_2 + 11 \cdot x_4 = N$ $2 \cdot x_1 - 2 \cdot x_3 = 4$ $-10 \cdot x_1 - 10 \cdot x_2 - 11 \cdot x_3 - 13 \cdot x_4 = 37$ $x_1 - 7 \cdot x_2 + 9 \cdot x_3 + 11 \cdot x_4 = 4$	$4 \cdot x_1 + 10 \cdot x_2 - 12 \cdot x_3 = N$ $2 \cdot x_1 - 2 \cdot x_3 = 3$ $-6 \cdot x_1 + 3 \cdot x_2 - 11 \cdot x_4 = 18$ $7 \cdot x_1 - 5 \cdot x_2 + 10 \cdot x_3 + 4 \cdot x_4 = 3$
5 вариант	6 вариант

$5 \cdot x_1 - 10 \cdot x_2 + 4 \cdot x_3 - 2 \cdot x_4 = N$ $2 \cdot x_1 - 2 \cdot x_3 = 5$ $-4 \cdot x_1 - 3 \cdot x_2 + 12 \cdot x_3 - 9 \cdot x_4 = 17$ $10 \cdot x_1 - 7 \cdot x_2 + 4 \cdot x_3 = 42$	$6 \cdot x_1 - 2 \cdot x_3 - 7 \cdot x_4 = N$ $2 \cdot x_1 - 2 \cdot x_3 = 6$ $-11 \cdot x_1 - 8 \cdot x_2 + 9 \cdot x_3 - 15 \cdot x_4 = 1$ $-3 \cdot x_1 + 5 \cdot x_2 + 13 \cdot x_3 - 4 \cdot x_4 = 4$
7 вариант	8 вариант
$7 \cdot x_1 - 14 \cdot x_2 + 10 \cdot x_3 + 2 \cdot x_4 = N$ $2 \cdot x_1 - 2 \cdot x_3 = 7$ $12 \cdot x_1 + x_2 - 13 \cdot x_3 - 14 \cdot x_4 = 50$ $-9 \cdot x_1 - 7 \cdot x_2 + 2 \cdot x_3 - 2 \cdot x_4 = 24$	$8 \cdot x_1 - 12 \cdot x_2 + 15 \cdot x_3 - 9 \cdot x_4 = N$ $2 \cdot x_1 - 2 \cdot x_3 = 8$ $2 \cdot x_1 + 7 \cdot x_2 + 12 \cdot x_3 + 8 \cdot x_4 = 8$ $-6 \cdot x_1 - 10 \cdot x_2 + 8 \cdot x_3 + 3 \cdot x_4 = 16$
9 вариант	10 вариант
$9 \cdot x_1 + 12 \cdot x_2 + 9 \cdot x_3 + 2 \cdot x_4 = N$ $2 \cdot x_1 - 2 \cdot x_3 = 9$ $-4 \cdot x_1 - 12 \cdot x_2 - 5 \cdot x_3 - 2 \cdot x_4 = 12$ $10 \cdot x_1 + 14 \cdot x_2 + 2 \cdot x_3 + 3 \cdot x_4 = 35$	$10 \cdot x_1 - 7 \cdot x_2 + 15 \cdot x_3 + 13 \cdot x_4 = N$ $2 \cdot x_1 - 2 \cdot x_3 = 10$ $-x_1 - 10 \cdot x_2 - x_3 - 8 \cdot x_4 = 48$ $4 \cdot x_1 - 5 \cdot x_2 + 13 \cdot x_3 - 11 \cdot x_4 = 31$

Сравнить результаты решений системы уравнений методом обратной матрицы и методом Крамера.

Выполнить проверку решения системы уравнений, умножив матрицу исходных коэффициентов на вектор неизвестных. В результате должен получиться вектор правых частей.

Контрольные вопросы

- Перечислить названия всех функций, представленных в работе, и их краткое описание.
- Кратко описать алгоритм решения системы линейных уравнений методом обратной матрицы и методом Крамера.
- Какие три клавиши нужно нажать, чтобы получить результат при работе с матрицами?
- Как можно выполнить проверку решения СЛАУ?