

Треугольник задан вершинами:  
 $A(-7; 3)$ ,  $B(2; -1)$  и  $C(-1; -5)$ .

Найдите: 1) уравнение прямой  $AM$ , параллельной стороне  $BC$ ; 2) уравнение медианы  $AD$ ; 3) уравнение высоты  $BF$ ; 4) угол  $B$ ; 5) уравнение биссектрисы  $CN$ .

1) Дан треугольник с вершинами  $A(-2; -4; 0)$ ,  $B(-2; -1; 4)$  и  $C(-2; 3; 1)$ . Вычислите его внутренний угол при вершине  $A$ .

2) Даны три вектора:  $\vec{a} = 12\vec{i} - 3\vec{j} - 4\vec{k}$ ,  $\vec{b} = \vec{i} + 2\vec{j} + 4\vec{k}$  и  $\vec{c} = \vec{i} - 3\vec{j} - 2\vec{k}$ . Вычислите проекцию вектора  $\vec{b} + \vec{c}$  на вектор  $\vec{a}$ .

3) Вычислите площадь параллелограмма, построенного на векторах  $\vec{a} = 3\vec{i} + 5\vec{j} + 4\vec{k}$  и  $\vec{b} = \vec{i} + 2\vec{j} + 3\vec{k}$ .

51. Решите системы уравнений:

$$1) \begin{cases} x - 2y + 3z = 6, \\ 2x + 3y - 4z = 20, \\ 3x - 2y - 5z = 6; \end{cases}$$

$$2) \begin{cases} 4x - 5(y + 1) = 1, \\ (5/12)y - (1/2)z = -1, \\ (5/6)x + (1/3)y - (3/2)z = -1; \end{cases}$$

$$3) \begin{cases} 5x + y - 3z = -2, \\ 4x + 3y + 2z = 16, \\ 2x - 3y + z = 17; \end{cases}$$

$$4) \begin{cases} 3x - 2y + z = 10, \\ x + 5y - 2z = -15, \\ 2x - 2y - z = 3; \end{cases}$$

$$5) \begin{cases} 5x - 3y + 4z = 11, \\ 2x - y - 2z = -6, \\ 3x - 2y + z = 2; \end{cases}$$

$$6) \begin{cases} 5x - 3y + 4z = 6, \\ 2x - y - z = 0, \\ x - 2y + z = 0; \end{cases}$$

$$7) \begin{cases} 5x + 3y + 3z = 48, \\ 2x + 6y - 3z = 18, \\ 8x - 3y + 2z = 21; \end{cases}$$

$$8) \begin{cases} x - 2y - z = 2, \\ 3x - 6y - 3z = 6, \\ 5x - 10y - 5z = 10. \end{cases}$$